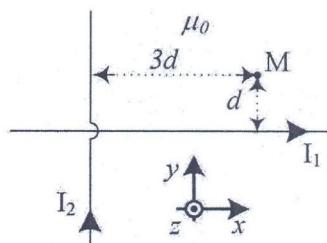


## DRUGI KOLOKVIJUM IZ ELEKTROTEHNIKE

23. februar 2020.

GRUPA 1

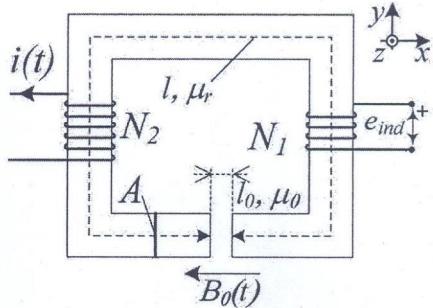
1. Na Slici 1 prikazana su dva pravolinjska veoma dugačka provodnika sa strujama intenziteta  $I_1 = I$  i  $I_2 = 6I$ , gde je  $I = 5\text{ A}$ , koji se nalaze u vazduhu ( $\mu = \mu_0$ ). Provodnici se nalaze u istoj ravni i međusobno zaklapaju ugao  $\frac{\pi}{2}$ . Odrediti i skicirati vektor jačine magnetnog polja  $\vec{H}_M$  u tački M, koja se nalazi u istoj ravni, na rastojanju  $d=0.1\text{ m}$  od provodnika sa strujom  $I_1$  i na rastojanju  $3d$  od provodnika sa strujom  $I_2$ . (8 poena)



Slika 1

2. Na Slici 2 prikazano je magnetno kolo, koje se sastoji od jezgra, relativne magnetne permeabilnosti  $\mu_r = 300$ , dužine srednje linije  $l = 60\text{ cm}$  i vazdušnog procepa debljine  $l_0 = 1\text{ mm}$ . Poprečni presek jezgra iznosi  $A = 5\text{ cm}^2$ . Namotaj sa  $N_1 = 200$  navojaka je otvorenih krajeva, a kroz namotaj sa  $N_2 = 100$  navojaka protiče struja nepoznatog intenziteta. Poznato je da se u vazdušnom procepu intenzitet vektora magnetne indukcije  $\vec{B}_0(t)$  menja u vremenu po formuli  $B_0(t) = B_{0m} \cos \omega t$ , gde je  $B_{0m} = 8\pi \text{ mT}$  i  $\omega = 100 \text{ rad/s}$ .

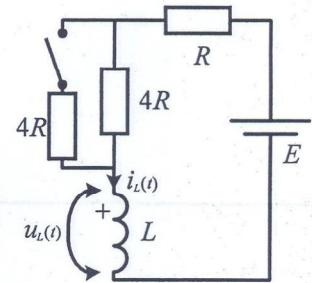
- a) Odrediti trenutnu vrednost struje  $i(t)$ . (6 poena)  
 b) Odrediti efektivnu vrednost indukovane ems ( $E_{ind}$ ) u namotaju čiji su krajevi otvoreni. (6 poena) (Poznato je:  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^7 \text{ H/m}$ )



Slika 2

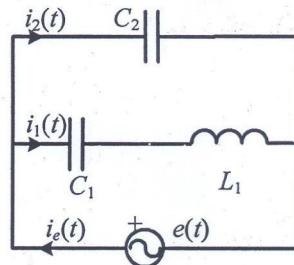
3. U kolu na Slici 3 poznate su parametri elemenata  $E$ ,  $R$  i  $L$ . Prekidač  $\Pi$  je zatvoren i u kolu je uspostavljeno stacionarno stanje. U trenutku  $t = 0$ , prekidač se otvara.

- a) Odrediti izraz za struju i napon kalema nakon otvaranja prekidača i nacrtati odgovarajuće vremenske dijagrame. (8 poena)  
 b) Odrediti trenutak  $t_1$  u kome energija kalema opadne na 64% svoje maksimalne vrednosti. (2 poena)



Slika 3

4. Kroz pretežno induktivni potrošač, koji je priključen na izvor naizmeničnog napona  $U = 150 \text{ V}$ ,  $\omega = 700 \text{ rad/s}$ , protiče struja efektivne vrednosti  $I = 30 \text{ A}$ . Aktivna snaga potrošača iznosi  $P = 2700 \text{ W}$ . Odrediti kapacitivnost kondenzatora koji treba priključiti paralelno potrošaču da bi se dobio faktor snage  $\cos \varphi = 0.8$ . (10 poena)

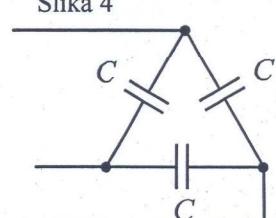


Slika 4

5. U kolu na slici 4 poznato je:  $e(t) = 100\sqrt{2} \sin(1000t + \pi) \text{ V}$ ,

$C_1 = 50 \mu\text{F}$ ,  $C_2 = 100 \mu\text{F}$ ,  $L_1 = 25 \text{ mH}$ . Odrediti:

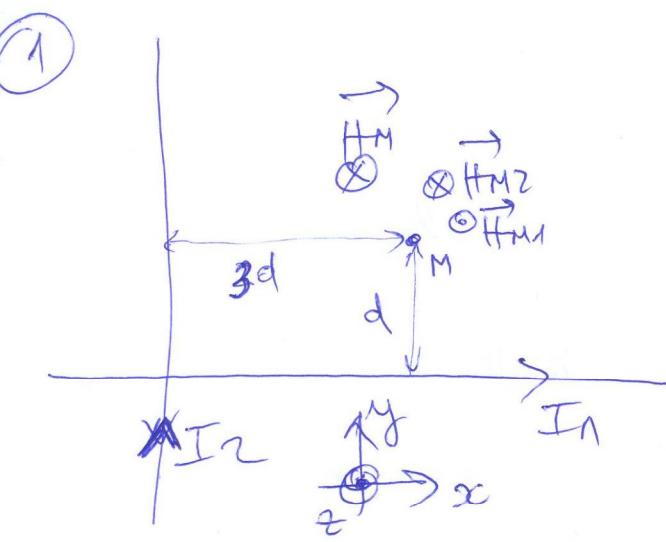
- a) kompleksne struje u granama i nacrtati fazorski dijagram, (5 poena)  
 b) efektivnu vrednost napona kondenzatora kapacitivnosti  $C_1$ , (2 poena)  
 c) vremenski oblik napona na kalemu induktivnosti  $L_1$ , (2 poena)  
 d) aktivnu, reaktivnu i prividnu snagu celokupnog potrošača. (3 poena)



Slika 5

6. Na sistem trofaznog napona  $3 \times 400 \text{ V}$ ,  $f = 25/\pi \text{ Hz}$  priključen je simetričan trofazni potrošač sačinjen od tri kondenzatora povezana u trougao (Slika 5). Pravidna snaga potrošača je  $S = 12 \text{ kVA}$ . Odrediti efektivnu vrednost linijske struje, reaktivnu snagu potrošača i kapacitivnost kondenzatora. (8 poena)

# I grupa



$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{I}{2\pi r}$$

$$\begin{aligned} H_M &= H_{M1} + H_{M2} = \\ &= \frac{I_1}{2\pi d} k + \frac{I_2}{2\pi \cdot 3d} (-k) = \\ &= \frac{I}{2\pi d} k - \frac{6I}{6\pi d} k = \\ &= -\frac{I}{2\pi d} k = -\frac{25}{\pi} \frac{A}{m} k \end{aligned}$$

② a)

$$\frac{A \cdot 3}{l} + H_0 \cdot l_0 = N_2 \cdot i(H)$$

$$B = B_0$$

$$\frac{B_0}{\mu_0 \mu_0} l + \frac{B_0}{\mu_0} l_0 = N_2 \cdot i(H)$$

$$\frac{B_0}{\mu_0} \left( \frac{l}{\mu_0} + l_0 \right) = N_2 i(H)$$

$$i(H) = \frac{B_0(H)}{N_2 \mu_0} \left( \frac{l}{\mu_0} + l_0 \right) =$$

$$= \frac{2 \cdot 8\pi \cdot 10^{-3} \cdot \cos \omega t}{100 \cdot 4\pi \cdot 10^{-7}} \cdot \left( \underbrace{\frac{600 \cdot 10^{-3}}{300} + 1 \cdot 10^{-3}}_{3 \cdot 10^{-3} m} \right) =$$

$$= 0,6 \cdot \cos \omega t [A]$$

b)  $B = B_0$

$$\phi = B_0 \cdot A$$

$$e_{ind} = - \frac{d(N_1 \phi)}{dt} = -N_1 \cdot \frac{d\phi}{dt} =$$

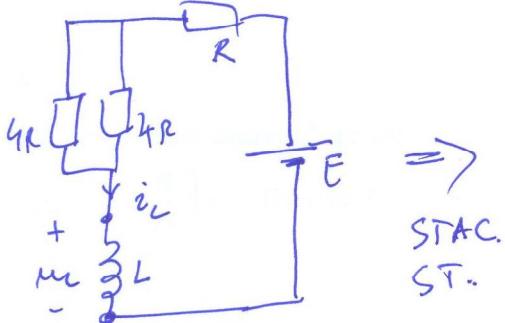
$$= -N_1 \cdot A \cdot \frac{d B_0(H)}{dt} = -N_1 \cdot A \cdot B_{0m} \cdot \omega \cdot (-\sin \omega t)$$

$$= N_1 A B_{0m} \omega \sin \omega t = 200 \cdot 5 \cdot 10^4 \cdot 8\pi \cdot 10^{-3} \cdot 100 \cdot \sin \omega t$$

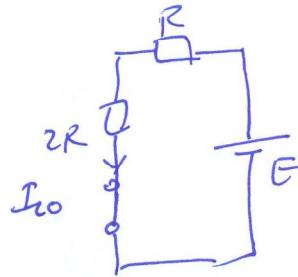
$$= 0,08\pi \sin \omega t$$

$$E_m = \frac{E_m}{R_2} = \frac{0,08\pi}{R_2} \approx 0,18 V$$

3) a)

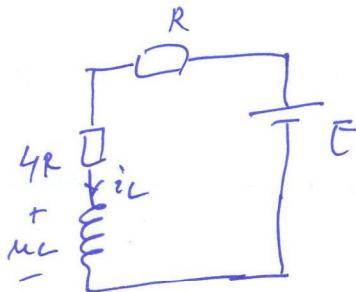


STAC.  
ST.



$$I_{20} = \frac{E}{3R}$$

POČETNÍ  
USLOV



$$E - 5R i_L - u_L = 0$$

$$u_L = L \frac{di_L}{dt}$$

$$L \frac{di_L}{dt} + 5R i_L = E \quad / : L$$

$$\frac{di_L}{dt} + \frac{i_L}{\frac{L}{5R}} = \left(\frac{E}{L}\right) \quad \leftarrow = K$$

$= \tau$

$$i_L(t) = Ae^{-t/\tau} + B$$

$$B = k \cdot \tau = \frac{E}{5R}$$

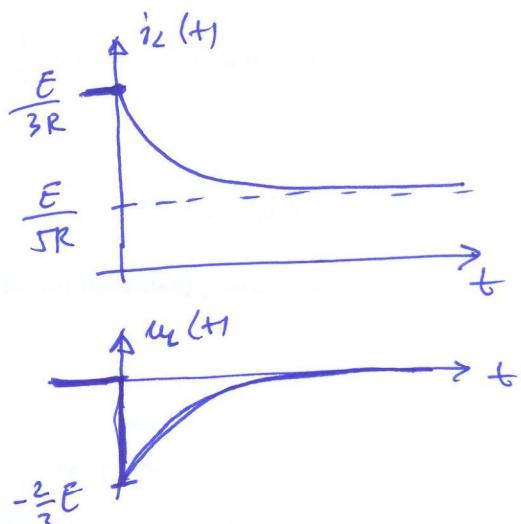
$$i_L(0) = A + B \Rightarrow A = I_{20} - B$$

$$A = \frac{E}{3R} - \frac{E}{5R} = \frac{2E}{15R}$$

$$i_L(t) = \frac{2E}{15R} e^{-\frac{5R}{L}t} + \frac{E}{5R}$$

$$u_L(t) = L \frac{di_L}{dt} = 4 \cdot \frac{2E}{15R} \cdot \left(-\frac{5R}{L}\right) e^{-\frac{5R}{L}t},$$

$$u_L(t) = -\frac{2}{3}E e^{-\frac{5R}{L}t}$$



b)

$$W_L(t) = \frac{1}{2} L i_L^2(t)$$

$$W_{L\max} = \frac{1}{2} L I_{20}^2 = \frac{1}{2} L \left(\frac{E}{3R}\right)^2$$

$$W_L(t_1) = 0,64 \cdot W_{L\max}$$

$$\frac{1}{2} L i_L^2(t_1) = 0,64 \cdot \frac{1}{2} L \left(\frac{E}{3R}\right)^2$$

$$i_L^2(t_1) = \left(0,8 \cdot \frac{E}{3R}\right)^2$$

$$i_L(t_1) = 0,8 \frac{E}{3R}$$

$$\frac{2E}{15R} e^{-\frac{5R}{L}t_1} + \frac{E}{5R} = 0,8 \frac{E}{3R} = \frac{8E}{30R} = \frac{4E}{15R}$$

$$\frac{2E}{15R} e^{-\frac{5R}{L}t_1} = \frac{4E}{15R} - \frac{E}{5R} = \frac{E}{15R}$$

$$e^{-\frac{5R}{L}t_1} = 1/2 \quad / \ln(\cdot)$$

$$-\frac{5R}{L}t_1 = \ln(1/2)$$

$$t_1 = -\frac{L}{5R} \ln(1/2)$$

$$t_1 = \frac{L}{5R} \ln(2)$$

(4)

$$U = 150 \text{ V}$$

$$\omega = 700 \text{ rad/s}$$

$$I = 30 \text{ A}$$

$$P = 2700 \text{ W}$$

$$\cos \varphi_e = 0,8$$

$$S = UI = 150 \cdot 30 = 4500 \text{ VA}$$

$$Q = + \sqrt{S^2 - P^2} = \sqrt{4500^2 - 2700^2} = \sqrt{(5.900)^2 - (3.900)^2}$$

$$Q = 900 \sqrt{5^2 - 3^2} = 900 \sqrt{4^2} = 4.900$$

$$Q = 3600 \text{ VAR}$$

$$P_e = P = 2700 \text{ W} \Rightarrow S_e = \frac{P_e}{\cos \varphi_e} = \frac{2700}{0,8} = 3375 \text{ VA}$$

$$\sin \varphi_e = \sqrt{1 - \cos^2 \varphi_e} = \sqrt{1 - \frac{64}{100}} = \sqrt{\frac{36}{100}} = \frac{6}{10} = 0,6$$

$$Q_e = S_e \cdot \sin \varphi_e = 2025 \text{ VAR}$$

$$Q_e = Q + Q_c \Rightarrow Q_c = Q_e - Q = 2025 - 3600 = -1575 \text{ VAR}$$

$$Q_c = -\omega C U^2 \Rightarrow C = \frac{(-Q_c)}{\omega U^2} = \frac{1575}{700 \cdot 22500}$$

$$C = \frac{1575}{1575 \cdot 10^4} = 10^{-4} \text{ F}$$

$$\boxed{C = 100 \mu\text{F}}$$

(5)

$$\bar{E} = 100 e^{j\omega t} \text{ V} = -100 \text{ V}$$

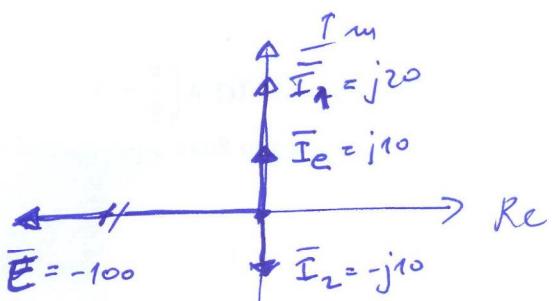
$$a) \quad \bar{Z}_1 = \bar{Z}_{C1} + \bar{Z}_{L1} = -j \frac{1}{10^3 \cdot 500 \cdot 10^{-6}} + j 10^3 \cdot 25 \cdot 10^3 = -j20 + j25 = j5 \Omega$$

$$\bar{Z}_2 = \bar{Z}_{C2} = -j \frac{1}{10^3 \cdot 100 \cdot 10^{-6}} = -j10 \Omega$$

$$\bar{I}_1 = \frac{\bar{E}}{\bar{Z}_1} = \frac{-100}{j5} = j20 \text{ A}$$

$$\bar{I}_2 = \frac{\bar{E}}{\bar{Z}_2} = \frac{-100}{-j10} = -j10 \text{ A}$$

$$\bar{I}_e = \bar{I}_1 + \bar{I}_2 = j10 \text{ A}$$



$$b) \quad U_{C1} = Z_{C1} \cdot I_1 = 20 \cdot 20 = 400 \text{ V}$$

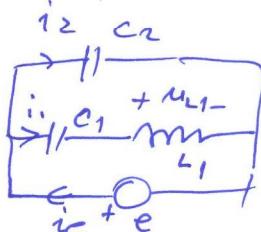
$$c) \quad \bar{U}_{L1} = \bar{Z}_{L1} \cdot \bar{I}_1 = j25 \cdot j20 = -500 \text{ V} = 500 e^{j\pi} \text{ V}$$

$$u_{L1}(t) = 500 \sqrt{2} \sin(1000t + \pi)$$

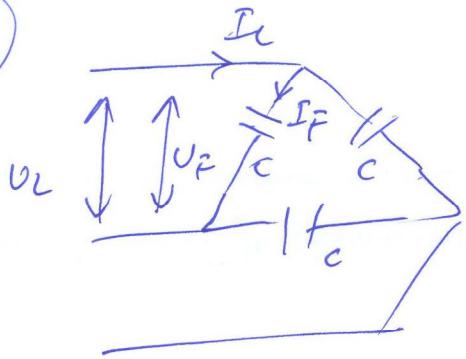
$$d) \quad \bar{S}_e = \bar{S}_e = \bar{E} \cdot \bar{I}_e^* = (-100) \cdot (-j10) = j1000 \text{ VA} \Rightarrow$$

$$P_e = 0 \text{ W} \quad Q_e = 1000 \text{ VAR}$$

$$S_e = 1000 \text{ VA}$$



⑥



$$U_L = U_F = 400V$$

$$S = 12 \text{ kVA}$$

$$S = U_F I_F \cdot 3 \Rightarrow I_F = \frac{S}{3 U_F} = \frac{12000}{3 \cdot 400}$$

$$I_F = 10A$$

$$I_L = I_F \sqrt{3} = 10\sqrt{3} A$$

$$P = 0W$$

$$Q = -S = -12 \text{ kVAR} \quad (\text{resistor for } Q < 0)$$

$$Q = 3 X_C I_F^2 = 3 \left( -\frac{1}{wC} \right) \cdot I_F^2 = -\frac{3 I_F^2}{wC}$$

$$C = \frac{3 I_F^2}{f 2\pi (-Q)} = \frac{3 \cdot 10^2}{2\pi \cdot \frac{125}{4} \left( \frac{12 \cdot 10^3}{10} \right)} = \frac{1}{2000} = 0,5 \mu F$$

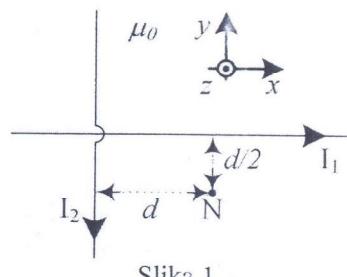
$$C = 0,5 \mu F$$

## DRUGI KOLOKVIJUM IZ ELEKTROTEHNIKE

23. februar 2020.

GRUPA 2

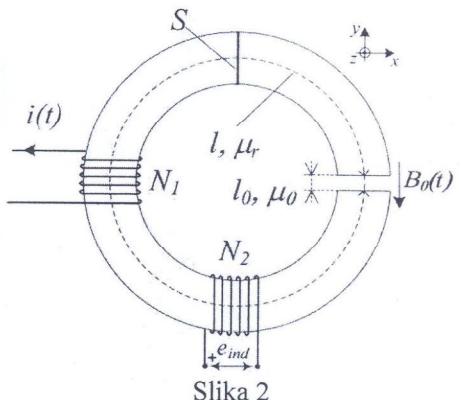
1. Na Slici 1 prikazana su dva pravolinijska veoma dugačka provodnika sa strujama intenziteta  $I_1 = I$  i  $I_2 = 4I$ , gde je  $I = 15\text{ A}$ , koji se nalaze u vazduhu ( $\mu = \mu_0$ ). Provodnici se nalaze u istoj ravni i međusobno zaklapaju ugao  $\frac{\pi}{2}$ . Odrediti i skicirati vektor jačine magnetnog polja  $\vec{H}_N$  u tački N koja se nalazi u istoj ravni, na rastojanju  $d = 0.1\text{ m}$  od provodnika sa strujom  $I_2$  i na rastojanju  $d/2$  od provodnika sa strujom  $I_1$ . (8 poena)



Slika 1

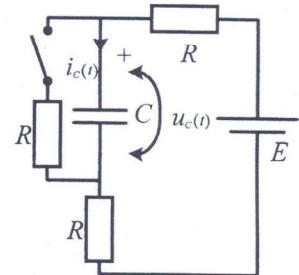
2. Na Slici 2 prikazano je magnetno kolo, koje se sastoji od jezgra, relativne magnetne permeabilnosti  $\mu_r = 400$ , dužine srednje linije  $l = 40\text{ cm}$ , sa vazdušnim procepom debeljine  $l_0 = 1\text{ mm}$ . Poprečni presek jezgra iznosi  $S = 10\text{ cm}^2$ . Namotaj sa  $N_2 = 100$  navojaka je otvorenih krajeva, a kroz namotaj sa  $N_1 = 200$  navojaka protiče struja nepoznatog intenziteta. Poznato je da se u vazdušnom procepu intenzitet vektora magnetne indukcije  $\vec{B}_0(t)$  menja u vremenu po formuli  $B_0(t) = B_{0m} \cos \omega t$ , gde je  $B_{0m} = 16\pi \text{ mT}$  i  $\omega = 1000 \text{ rad/s}$ .

- a) Odrediti trenutnu vrednost struje  $i(t)$ . (6 poena)  
 b) Odrediti efektivnu vrednost indukovane ems ( $E_{ind}$ ) u namotaju čiji su krajevi otvoreni. (6 poena) (Poznato je:  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^7 \text{ H/m}$ )



Slika 2

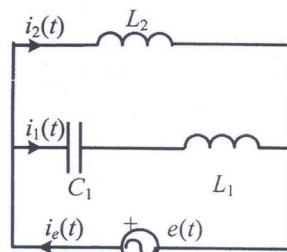
3. U kolu na Slici 3 poznate su parametri elemenata  $E$ ,  $R$  i  $C$ . Prekidač  $\Pi$  je zatvoren i u kolu je uspostavljeno stacionarno stanje. U trenutku  $t = 0$ , prekidač se otvara.  
 a) Odrediti izraz za struju i napon kondenzatora nakon otvaranja prekidača i nacrtati odgovarajuće vremenske dijagrame. (8 poena)  
 b) Odrediti trenutak  $t_1$  u kome energija kondenzatora dostigne 25% svoje maksimalne vrednosti. (2 poena)



Slika 3

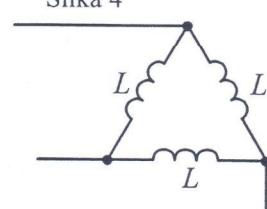
4. Kroz potrošač, koji je priključen na izvor naizmeničnog napona  $U = 1000 \text{ V}$ ,  $\omega = 500 \text{ rad/s}$ , protiče struja efektivne vrednosti  $I = 10 \text{ A}$ . Reaktivna snaga potrošača iznosi  $Q = 8 \text{ kvar}$ . Odrediti kapacitivnost kondenzatora koji treba priključiti paralelno potrošaču da bi se dobio faktor snage  $\cos \phi = 0.8$ . (10 poena)

5. U kolu na slici 4 poznato je:  $e(t) = 500\sqrt{2} \sin(500t - \pi) \text{ V}$ ,  $C_1 = 80 \mu\text{F}$ ,  $L_1 = 40 \text{ mH}$ ,  $L_2 = 20 \text{ mH}$ . Odrediti:  
 a) kompleksne struje u granama i nacrtati fazorski dijagram, (5 poena)  
 b) efektivnu vrednost napona kalema induktivnosti  $L_1$ , (2 poena)  
 c) vremenski oblik napona na kondenzatoru kapacitivnosti  $C_1$ , (2 poena)  
 d) aktivnu, reaktivnu i prividnu snagu celokupnog potrošača. (3 poena)



Slika 4

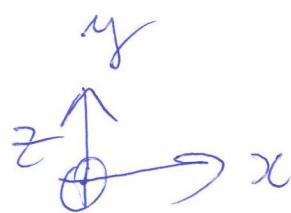
6. Na sistem trofaznog napona  $3 \times 400 \text{ V}$ ,  $f = 25/\pi \text{ Hz}$  priključen je simetričan trofazni potrošač koji je sačinjen od tri kalema povezana u trougao (Slika 5). Prividna snaga potrošača je  $S = 24 \text{ kVA}$ . Odrediti efektivnu vrednost linijske struje, reaktivnu snagu potrošača i induktivnost kalema. (8 poena)



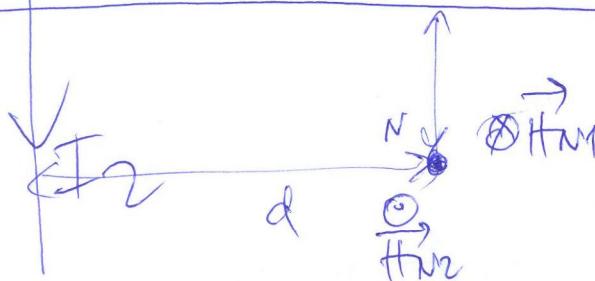
Slika 5

## II grupa

①



$$\frac{H}{\mu} = \frac{I}{2\pi r}$$



$$\vec{H}_N = \vec{H}_{N1} + \vec{H}_{N2} = \frac{I_1}{2\pi d} (\vec{i}) + \frac{I_2}{2\pi d} (\vec{k})$$

$$\vec{H}_M = \frac{I}{\pi d} (-\vec{i}) + \frac{4I}{\pi d} \vec{k}$$

$$= \frac{I}{\pi d} \vec{k} = \frac{150}{\pi} \frac{A}{m} \vec{k}$$

② a)

A. 3.

$$Hl + H_0 l_0 = N_1 i(t)$$

$$B = B_0$$

$$\frac{B_0}{\mu_0 l_0} l + \frac{B_0}{\mu_0 l_0} l_0 = N_1 i(t)$$

$$\frac{B_0}{\mu_0} \left( \frac{l}{l_0} + l_0 \right) = N_1 i(t)$$

$$i(t) = \frac{B_0(t)}{N_1 \mu_0} \left( \frac{l}{l_0} + l_0 \right) = \frac{\frac{B_0(2)}{200 \cdot 4\pi \cdot 10^{-7}} \cos \omega t}{\frac{400 \cdot 10^3}{400} + 1 \cdot 10^{-3}}$$

$$= 0,4 \cos \omega t [A]$$

$$\begin{cases} B = B_0 \\ \phi = B_0 S \end{cases}$$

$$e_{ind} = - \frac{d(N_2 \phi)}{dt} = - N_2 \frac{d\phi}{dt} =$$

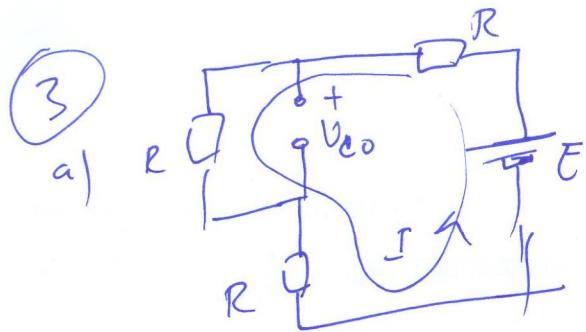
$$= - N_2 S \frac{d(B_0 t)}{dt} = - N_2 S B_{0m} \omega (-\sin \omega t)$$

$$= N_2 S B_{0m} \omega \sin \omega t = 100 \cdot 10 \cdot 10^{-4} \cdot 16 \cdot 10^{-3} \cdot \sin \omega t$$

$$= 1,6\pi \sin \omega t [V]$$

$$E_m = 1,6\pi V$$

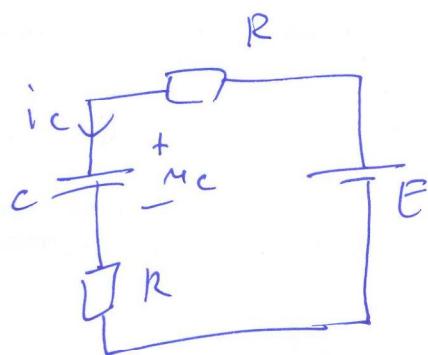
$$E = \frac{E_m}{\sqrt{2}} = \frac{1,6 \cdot \pi}{\sqrt{2}} \approx 3,6 V$$



$$I = \frac{E}{3R}$$

$$U_{C0} = R \cdot I = E/3$$

Počáteční usloví



$$E - 2Ri_C - u_C = 0$$

$$2Ri_C + u_C = E$$

$$i_C = C \frac{du_C}{dt}$$

$$2RC \frac{du_C}{dt} + u_C = E / : 2RC$$

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{2RC} = \frac{E}{2RC}$$

$\tau = T$        $K = \frac{E}{2RC}$

$$u_C(t) = A e^{-t/\tau} + B$$

$$B = KE = E$$

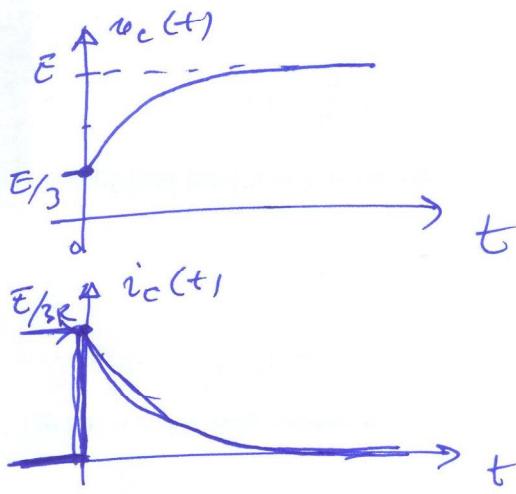
$$u_{C0} = A + B \Rightarrow A = u_{C0} - B = E/3 - E$$

$$A = -\frac{2}{3}E$$

$$u_C(t) = -\frac{2}{3}E e^{-t/2RC} + E$$

$$i_C(t) = C \frac{du_C}{dt} = C \cdot \left(\frac{2}{3}E\right) \cdot \left(-\frac{1}{2RC}\right) e^{-t/2RC}$$

$$i_C(t) = \frac{E}{3R} e^{-t/2RC}$$



b)  $W_C(t) = \frac{1}{2} C u_C^2(t)$

$$W_{Cmax} = \frac{1}{2} C \left(\frac{E}{2}\right)^2$$

$$W_C(t_1) = 0,25 \cdot W_{Cmax}$$

$$\frac{1}{2} C u_C^2(t_1) = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2} C \left(\frac{E}{2}\right)^2$$

$$u_C^2(t_1) = \left(\frac{E}{2}\right)^2$$

$$u_C(t_1) = \frac{E}{2}$$

$$-\frac{2}{3}E e^{-\frac{t_1}{2RC}} + E = \frac{E}{2}$$

$$-\frac{2}{3}E e^{-\frac{t_1}{2RC}} = -\frac{E}{2}$$

$$e^{-\frac{t_1}{2RC}} = \frac{3}{4} / \ln( \cdot )$$

$$-\frac{t_1}{2RC} = \ln(3/4)$$

$$t_1 = -2RC \ln(3/4)$$

$$t_1 = 2RC \ln(4/3)$$

$$(4) \quad \begin{aligned} U &= 1000 \text{ V} \\ w &= 500 \frac{\text{rad}}{\text{s}} \\ I &= 10 \text{ A} \quad Q = 8 \text{ kVAR} \\ \cos \varphi_e &= 0,8 \end{aligned}$$

$$S = U I = 10 \text{ kVA}$$

$$P = \sqrt{S^2 - Q^2} = 6 \text{ kW}$$

$$P_c = P = 6 \text{ kW}$$

$$S_e = \frac{P_c}{\cos \varphi_e} = 7,5 \text{ kVA}$$

$$Q_e = \sqrt{S_e^2 - P_c^2} = \sqrt{7500^2 - 6000^2}$$

$$Q_e = \sqrt{(5 \cdot 1500)^2 - (4 \cdot 1500)^2}$$

$$Q_e = 1500 \sqrt{5^2 - 4^2} = 1500 \sqrt{3^2} = 3 \cdot 1500$$

$$\boxed{Q_e = 4500 \text{ VAR}}$$

$$Q_c = -w_c U^2 \Rightarrow C = \frac{(-Q_c)}{w U^2} = \frac{3500}{500 \cdot 10^6} = 7 \cdot 10^{-6}$$

$$\boxed{C = 7 \mu F}$$

$$\textcircled{5} \quad a) \quad \bar{E} = 500 e^{+j\bar{\omega}} = -500V$$

$$\bar{Z}_{C1} = -j \frac{1}{\omega C_1} = -j \frac{1}{500 \cdot 80 \cdot 10^{-6}} = -j 25 \Omega$$

$$\bar{Z}_L = j\omega L_1 = j 500 \cdot 40 \cdot 10^{-3} = j 20 \Omega$$

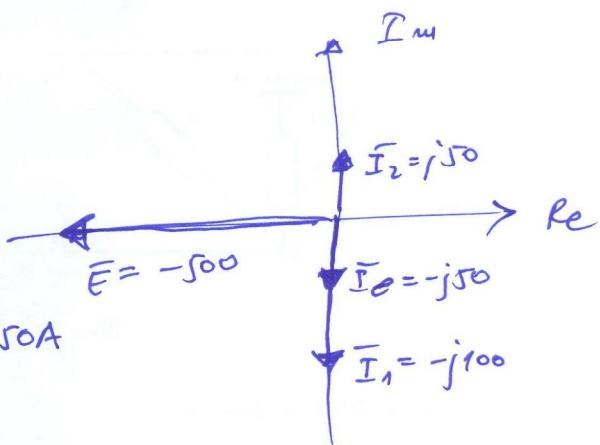
$$\bar{Z}_1 = \bar{Z}_L + \bar{Z}_{C1} = j 20 - j 25 = -j 5 \Omega$$

$$\bar{Z}_2 = \bar{Z}_{L2} = j\omega L_2 = j 500 \cdot 20 \cdot 10^{-3} = j 10 \Omega$$

$$\bar{I}_1 = \frac{\bar{E}}{\bar{Z}_1} = \frac{-500}{-j5} = -j 100 A$$

$$\bar{I}_2 = \frac{\bar{E}}{\bar{Z}_2} = \frac{-500}{j 10} = j 50 A$$

$$\bar{I}_e = \bar{I}_1 + \bar{I}_2 = -j 100 + j 50 = -j 50 A$$



$$b) \quad \omega_{L1} = X_{L1} \cdot \bar{I}_1 = 20 \cdot 100 = 2kV$$

$$c) \quad \bar{U}_{C1} = \bar{Z}_{C1} \cdot \bar{I}_1 = (-j 25) \cdot (-j 100) = -2500V = 2500 e^{+j\bar{\omega}} V$$

$$u_c(t) = 2500 \sqrt{2} \sin(500t + \bar{\omega}) V$$

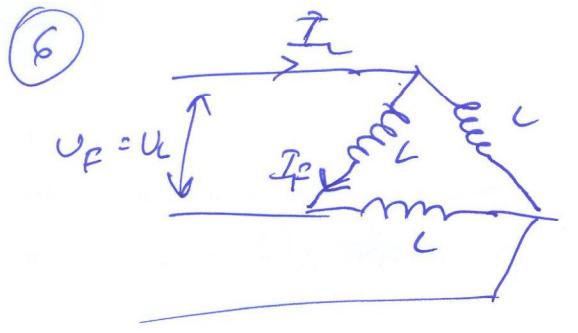
$$d) \quad \bar{S}_{ze} = \bar{S}_e = \bar{E} \cdot \bar{I}_e^* = (-j 500)(-j 50)^* = (-j 500)(j 50)$$

$$\bar{S}_{ze} = -j 25000 VA$$

$$P_{ze} = 0 W$$

$$Q_{ze} = -25 kVAr$$

$$S_{ze} = 25 kVA$$



$$U_F = U_L = 400V$$

$$S = 3 U_F I_F$$

$$I_F = \frac{S}{3 U_F} = \frac{24000}{3 \cdot 400} = 20A$$

$$I_L = I_F \sqrt{3} = 20\sqrt{3}A$$

$$P = 0W \Rightarrow Q = S = 24kVAR$$

$$Q = 3 X_F \cdot I_F^2 \Rightarrow X_F = \frac{Q}{3 I_F^2} = wL$$

$$L = \frac{Q}{3 w I_F^2} = \frac{24000}{3 \cdot 2 \cdot \pi \cdot \frac{25}{n} \cdot (20)^2}$$

$$L = 0,4H$$