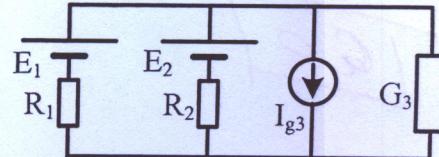
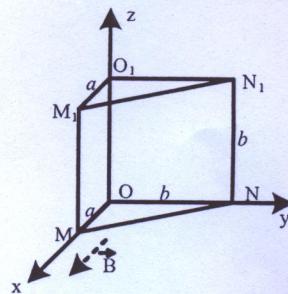


1. Pločasti kondenzator je priključen na idealni naponski generator. Poznata je energija elektrostatičkog polja kondenzatora W_{C0} . Koliko će iznositi energija kondenzatora ako se rastojanje između ploča u nekom trenutku smanji za 30%? Kondenzator je sve vreme priključen na generator.

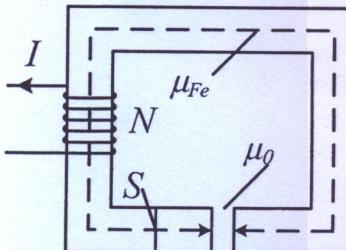
2. U kolu na slici poznate su vrednosti elektromotornih sila E_1 i E_2 , struje I_{g3} strujnog generatora, otpornosti R_1 i R_2 , kao i provodnosti G_3 . Odrediti napon na krajevima strujnog generatora i intenzitet struje generatora E_1 .



3. Polazeći od definicije Gausovog zakona u magnetizmu, odrediti fluks kroz površ pravougaonika $MN_1M_1N_1$, koji je bočna strana trostrane prave prizme poznatih dužina ivica a i b . Intenzitet vektora magnetne indukcije homogenog magnetnog polja je poznat i iznosi B . Pravac i smer vektora magnetne indukcije je označen na slici (pravac x -ose, pozitivan smer).



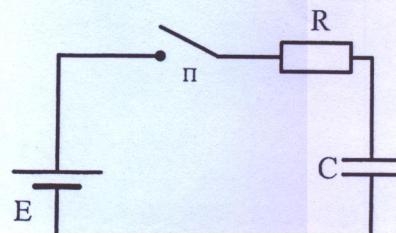
4. Za magnetno kolo bez rasipanja koje je prikazano na slici poznat je poprečni presek S , koji je isti u svim delovima kola. Poznat je i fluks Φ u magnetnom kolu. Magnetna permeabilnost feromagnetnog dela magnetnog kola iznosi $\mu_{Fe} = 200\mu_0$. Koliko iznose magnetna indukcija u vazdušnom procepu B_0 i odnos intenziteta vektora jačine magnetnog polja u procepu i jezgru, H_0 / H_{Fe} ?



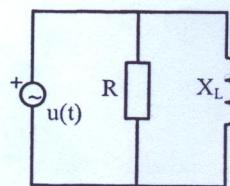
5. U kolu na slici poznata je vrednost elektromototrne sile E . Dok je prekidač Π bio otvoren, kondenzator je bio neopterećen. Prelazni proces započinje zatvaranjem prekidača. Poznata je energija W_C kondenzatora nakon završenog prelaznog procesa. Odrediti:

- Energiju W_J koja je pretvorena u toplotu u procesu opterećivanja kondenzatora.
- Kapacitivnost C kondenzatora.
- Energiju koju je dao izvor elektromotorne sile E .

6. Na izvor naizmeničnog napona efektivne vrednosti $U = 250V$ i kružne učestanosti $\omega = 1000 \text{ rad/s}$ priključen je potrošač koga čine redno povezani otpornik $R = 4\Omega$ i kondenzator kapacitivnosti $C = \frac{1}{3} \text{ mF}$. Koliko iznose amplituda struje potrošača, I_m , i fazna razlika između napona i struje, ϕ ?

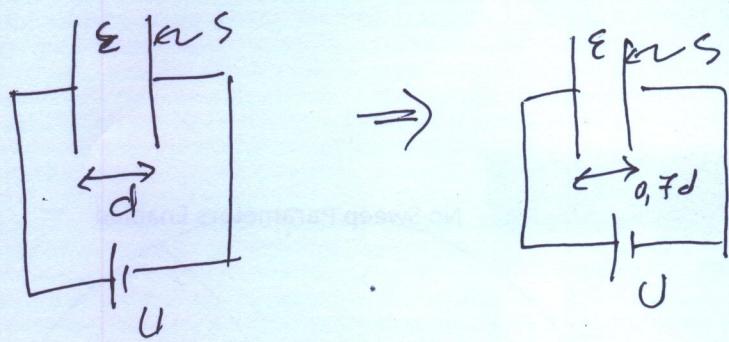


7. U kolu naizmenične struje sa slike, poznato je $u(t) = 120\sqrt{2} \sin(314t + \pi/2) \text{ V}$, $R = 4\Omega$, $X_L = 4\Omega$. Koliko iznose aktivna snaga i faktor snage celokupnog potrošača?



$$\textcircled{1} \quad W_{Co} = \frac{1}{2} C_0 U^2$$

$$W_{Cl} = \frac{1}{2} C_1 U^2$$



$$W_{Co} = \frac{1}{2} \frac{\epsilon s}{d} U^2$$

(0,5)

$$W_{Cl} = \frac{1}{2} \frac{\epsilon s}{0,7d} U^2 \quad (1)$$

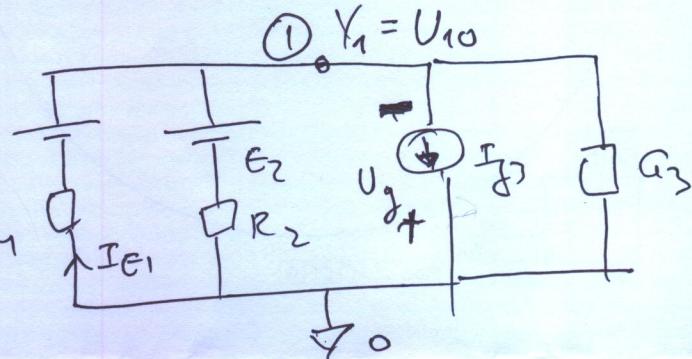
$$W_{Cl} = \frac{1}{0,7} \left(\frac{1}{2} \frac{\epsilon s}{d} U^2 \right) = \frac{W_{Co}}{0,7} = \frac{10W_{Co}}{7}$$

\textcircled{2}

$\frac{1}{R_1} = \frac{1}{R_2} + G_3$

K.S.

\textcircled{3}



$$(U_{10})$$

$$V_1 \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + G_3 \right) = \frac{E_1}{R_1} + \frac{E_2}{R_2} - I_{g3}$$

$$(U_{10})$$

$$U_g = V_1 = - \frac{\frac{E_1}{R_1} + \frac{E_2}{R_2} + I_{g3}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + G_3} \quad (1)$$

$$\therefore I_{e1} = - \frac{U_{10} + E_1}{R_1} = - \frac{\left(\frac{E_1}{R_1} + \frac{E_2}{R_2} - I_{g3} \right)}{\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + G_3 \right) R_1} + \frac{E_1}{R_1} \quad (0,5)$$

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{s} = 0 \Rightarrow \phi_{MNN, M_1} + \phi_{ONN, O_1} + \phi_{OMM, O_1} + \phi_{OMM} + \phi_{O, MMN_1} = 0$$

$$\sum_i \phi_i = 0$$

$$\textcircled{3} \quad (0,5)$$

$$= (\vec{B} \cdot \vec{i}) \cdot (\underbrace{\vec{b} \cdot \vec{n}}_{S \cdot \vec{n}}) (-\vec{i}) = -B \vec{b} \cdot \vec{b}$$

$$(1) \quad \phi_{MNN, M_1} = -\phi_{ONN, O_1} = +B \vec{b} \cdot \vec{b} = B b^2$$

\textcircled{4}

$$B_0 = B_{Fe} = \frac{\phi}{S} \quad (0,5)$$

$$\frac{H_0}{H_{Fe}} = \frac{\frac{B_0}{\mu_0}}{\frac{B_{Fe}}{\mu_0}} = \frac{\mu_{Fe}}{\mu_0} \frac{B_0}{B_{Fe}} = \frac{200 \mu_0}{\mu_0} = 200 \quad (1)$$

\textcircled{5}

$$a) \quad W_j = W_c \quad (0,5)$$

$$b) \quad W_c = \frac{1}{2} C U^2 = \frac{1}{2} C E^2 \Rightarrow C = \frac{2 W_c}{E^2} \quad (0,5^-)$$

$$c) \quad W_E = W_j + W_c = 2 W_c \quad (0,5)$$

$$\textcircled{6} \quad \begin{array}{l} \text{Circuit diagram: } \text{Voltage } U \text{ is applied across a parallel combination of resistance } R \text{ and reactance } X_C. \\ \text{Impedance } Z_e = R - jX_C = R - j\frac{1}{\omega C} = R - j\frac{1}{1000 \cdot \frac{1}{3} \cdot 10^{-3}} = 3 \Omega \end{array}$$

$$I = \frac{U}{Z_e} = \frac{250 \text{ V}}{5 \Omega} = 50 \text{ A} \quad (0,5)$$

$$I_{\text{max}} = I\sqrt{2} = 50\sqrt{2} \text{ A} \quad (0,5)$$

$$Z_e = |\bar{Z}_e| = \sqrt{R^2 + (X_C)^2} = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5 \Omega$$

$$Z_e = 5 \Omega$$

$$\theta - \varphi = \varphi \quad \Rightarrow \quad \varphi = \varphi_e = -\arctan\left(\frac{3}{4}\right) \quad (0,5)$$

↑ ↑ ↑
 wog an Strom ja Impedanz

$$\textcircled{7} \quad U_m = 120\sqrt{2} \text{ V}$$

$$U = 120 \text{ V}$$

$$P = P_R = \frac{U^2}{R} = \frac{120^2}{4} = 3600 \text{ W} \quad (0,5)$$

$$Q = Q_L = \frac{U^2}{X_L} = \frac{120^2}{4} = 3600 \text{ VAR}$$

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} = \sqrt{2 \cdot 3600^2} = 3600\sqrt{2} \text{ VA}$$

$$\cos \varphi = \frac{P}{S} = \frac{3600}{3600\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad (1)$$