



Univerzitet u Beogradu,



Saobraćajni fakultet,



Odsek za logistiku

# PROMETHEE METODA VIŠEKRITERIJUMSKOG ODLUČIVANJA

Doc.dr Mladen Krstić, mast. inž.

Kabinet 514

\* Sva autorska prava autora prezentacija i video snimaka na ovom kursu su zaštićena. Prezentacije i/ili snimci se mogu koristiti samo za nastavu na daljinu studenata Saobraćajnog fakulteta Univerziteta u Beogradu u školskoj 2021/2022. godini i ne mogu se koristiti za druge svrhe bez pismene saglasnosti autora materijala.



# PROMETHEE METODA

- **Izbor optimalnog rešenja** iz skupa ponuđenih alternativa vrši se uz pomoć višekriterijumskog odlučivanja
- Višekriterijumsko odlučivanje predstavlja metode na osnovu kojih se donosi **OPTIMALNA odluka u odnosu na izabrane kriterijume.**
- S obzirom da su kriterijumi vrlo često konfliktni, nije moguće pronaći rešenje koje je najbolje po svim kriterijumima (npr. povećanje kvaliteta utiče na povećanje cene proizvoda i sl.)



# PROMETHEE METODA

- Metoda Promethee (*Preference Ranking Organization Method for Enrichment Evaluation*) se koristi za izbor optimalnog rešenja u slučaju kada postoji više alternativa i veći broj kriterijuma (metodu je razvio Brans sa saradnicima 1984.godine).
- Postoje različite familije Promethee-a od kojih svaka rešava određene probleme:
  - **Promethee I – daje parcijalni poredak varijanti**
  - **Promethee II – daje konačan poredak varijanti**
  - Promethee III – vrši rangiranje varijanti po određenim intervalima
  - Promethee IV – razmatra neprekidan niz varijanti
  - itd.



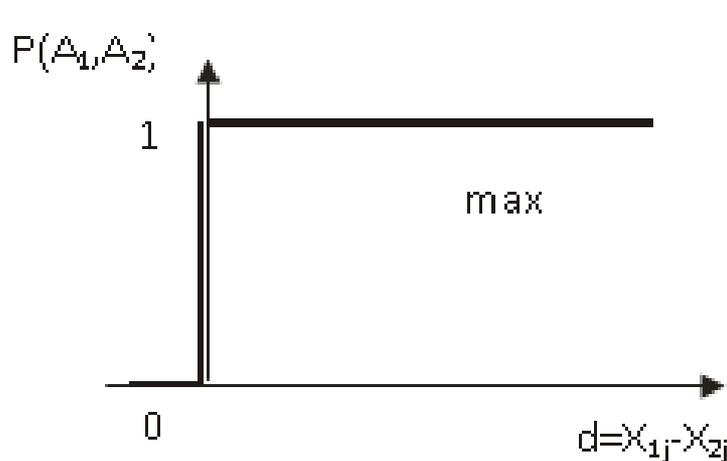
# PROMETHEE METODA

- Ono što je karakteristično za metodu Promethee je postojanje šest definisanih funkcija preferencije:
  1. Običan kriterijum preferencije
  2. Kvazi kriterijum preferencije
  3. Kriterijumi sa linearnom preferencijom
  4. Kriterijumi sa stepenom preferencijom
  5. Kriterijumi sa linearnom preferenciojom i područjem indiferencije
  6. Kriterijum sa normalnom preferencijom

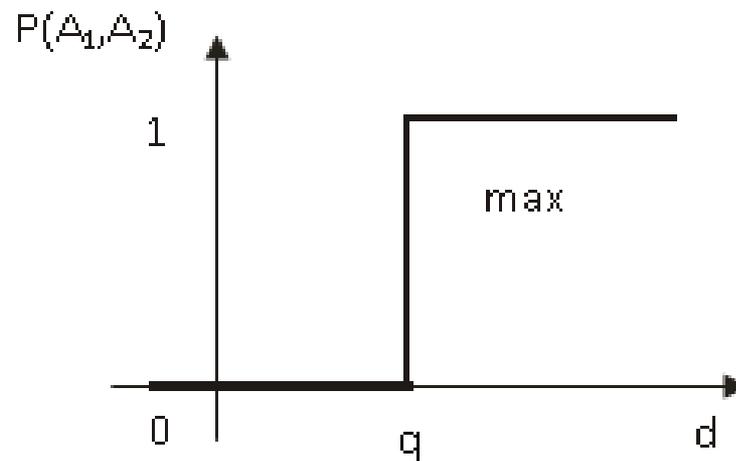


# PROMETHEE METODA

- 1. Običan kriterijum preferencije (odskočna funkcija – nema parametara)
- 2. Kvazi kriterijum preferencije (pomerena funkcija – opisuje se parametrom  $q$ )



**odskočna funkcija**

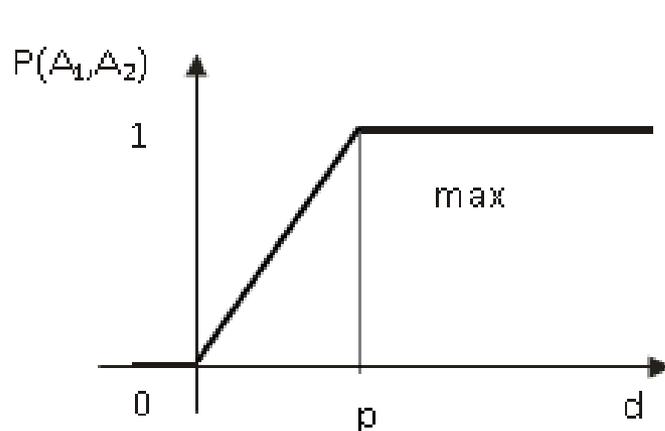


**pomerena funkcija**

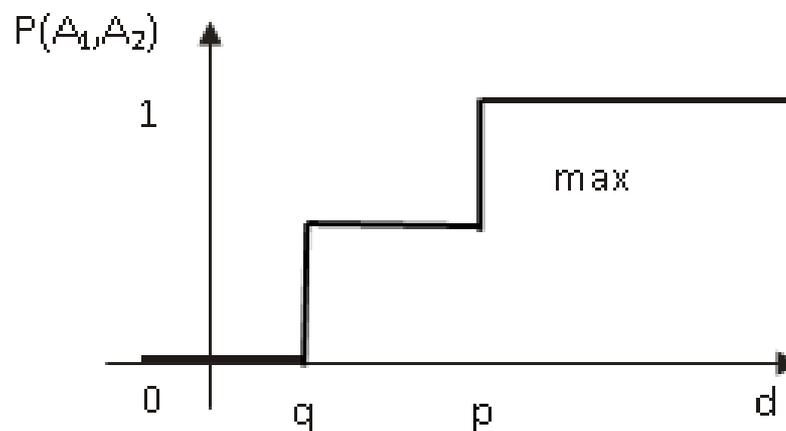


# PROMETHEE METODA

- 3. Kriterijum sa linearnom preferencijom (linearna funkcija – opisuje se parametrom  $p$ )
- 4. Kriterijum sa stepenom preferencijom (stepena funkcija – opisuje se parametrima  $p$  i  $q$ )



**linearna funkcija**

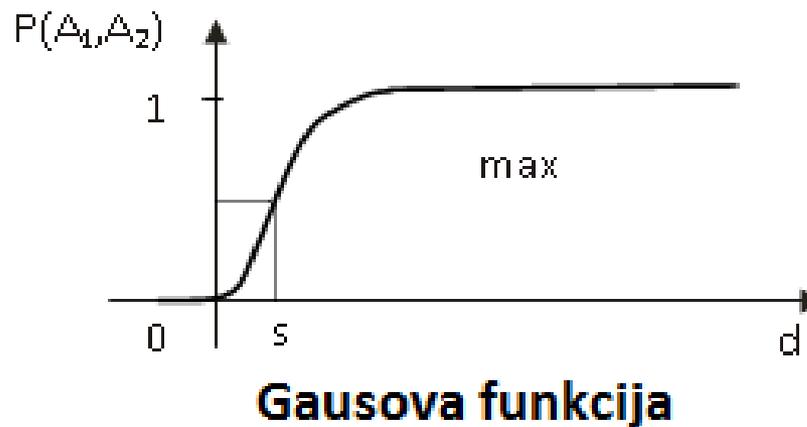
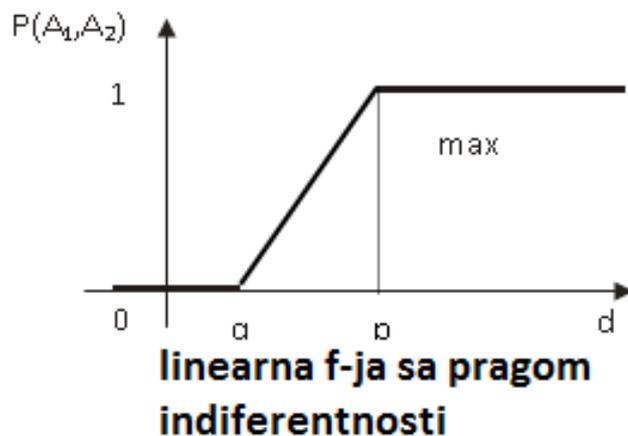


**stepena funkcija**



# PROMETHEE METODA

- 5. Kriterijum sa linearnom preferencijom i područjem indiferencije (linearna funkcija sa pragom indiferentnosti – opisuje se parametrom  $p$  i  $q$ )
- 6. Kriterijum sa normalnom preferencijom (Gausova funkcija – opisuje se parametrom  $s$ )





# PROMETHEE METODA

- Metoda Promethee se može opisati kroz sledeće korake:
  - **Korak 1:** *određivanje međusobne preferentnosti alternativa,  $P(A_1, A_2)$ , za svaki par alternativa iz skupa alternativa  $A$ , u skladu sa izabranim tipovima funkcija preferentnosti i parametrima tih funkcija.*
  - **Korak 2:** *formiranje indeksa preferentnosti za svaki par alternativa prema formuli:*

$$\pi(A_1, A_2) = \frac{W_j}{\sum_{j=1}^n W_j} \sum_{j=1}^n (W_j \cdot P_j(A_1, A_2))$$



# PROMETHEE METODA

- **Korak 3:** formiranje matrice indeksa preferentnosti:

	$A_1$	...	$A_m$
$A_1$		...	$\pi(A_1, A_m)$
$A_m$	$\pi(A_m, A_1)$		

- **Korak 4:** izračunavanje pozitivne i negativne karakteristike za svaku alternativu iz skupa A:

$$\Phi^+(A_1) = \frac{1}{m-1} \sum_{x \in A} \pi(A_1, x) \quad \Phi^-(A_1) = \frac{1}{m-1} \sum_{x \in A} \pi(x, A_1)$$

- $\Phi^+(A_1)$  govori o tome koliko je alternativa  $A_1$  bolja od svih ostalih alternativa iz skupa A, po svim kriterijumima iz skupa kriterijuma K. Logično  $\Phi^-(A_1)$  daje suprotnu informaciju.



# PROMETHEE METODA

## ○ PROMETHEE I:

- alternativa  $A_1$  je *preferentna* u odnosu na  $A_2$ , ako je ispunjen neki od sledećih uslova:

$$A_1 P^I A_2 \quad \text{akko} \quad \left\{ \begin{array}{l} \Phi^+(A_1) > \Phi^+(A_2) \wedge \Phi^-(A_1) < \Phi^-(A_2), \\ \Phi^+(A_1) > \Phi^+(A_2) \wedge \Phi^-(A_1) = \Phi^-(A_2), \\ \Phi^+(A_1) = \Phi^+(A_2) \wedge \Phi^-(A_1) < \Phi^-(A_2). \end{array} \right.$$

- $A_1$  je *indifirentna* u odnosu na alternativu  $A_2$

$$A_1 I^I A_2 \quad \text{akko} \quad \Phi^+(A_1) = \Phi^+(A_2) \wedge \Phi^-(A_1) = \Phi^-(A_2).$$

- $A_1$  je *nekomparabilna* u odnosu na alternativu  $A_2$

$$A_1 R^I A_2, \text{ u ostalim slučajevima.}$$



# PROMETHEE METODA

## ○ PROMETHEE II:

- Mogućnost postojanja nekomparabilnosti isključena je uvođenjem karakteristike  $\Phi(A_1)$

$$\Phi(A_1) = \Phi^+(A_1) - \Phi^-(A_1).$$

- alternativa  $A_1$  *preferentna* je u odnosu na  $A_2$

$$A_1 P^{II} A_2 \text{ akko } \Phi(A_1) > \Phi(A_2)$$

- alternativa  $A_1$  je *indifirentna* u odnosu na  $A_2$

$$A_1 I^{II} A_2 \text{ akko } \Phi(A_1) = \Phi(A_2)$$



# SOFTVER VISUAL PROMETHEE

Visual PROMETHEE Academic - unnamed (saved)

File Edit Model Control PROMETHEE-GAIA GDSS GIS Custom Assistants Snapshots Options Help

	<input checked="" type="checkbox"/>						
<b>Scenario1</b>	Troskovi	Vreme	criterion3	criterion4	criterion5	criterion6	
Unit							
Cluster/Group	◆	◆	◆	◆	◆	◆	◆
<b>Preferences</b>							
Min/Max	min	min	max	max	max	max	max
Weight	4,00	3,00	2,00	1,00	2,00	2,00	2,00
Preference Fn.	V-shape	V-shape	Usual	Usual	Usual	Usual	Usual
Thresholds	absolute	Usual	absolute	absolute	absolute	absolute	absolute
- Q: Indifference	n/a	V-shape	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
- P: Preference	2,00	Level	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
- S: Gaussian	n/a	Linear	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
		Gaussian	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
		Help me...					
<b>Statistics</b>							
Minimum	n/a						
Maximum	n/a						
Average	n/a						
Standard Dev.	n/a						
<b>Evaluations</b>							
<input checked="" type="checkbox"/>	action1	<input type="checkbox"/>	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
<input checked="" type="checkbox"/>	action2	<input type="checkbox"/>	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
<input checked="" type="checkbox"/>	action3	<input type="checkbox"/>	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
<input checked="" type="checkbox"/>	action4	<input type="checkbox"/>	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a



# SOFTVER VISUAL PROMETHEE

Visual PROMETHEE Academic - unnamed (saved)

File Edit Model Control PROMETHEE-GAIA GDSS GIS Custom Assistants Snapshots Options Help

Scenario1	Troskovi	Vreme	criterion3	criterion4	criterion5	criterion6
Unit	unit	unit	unit	unit	unit	unit
Cluster/Group	◆	◆	◆	◆	◆	◆
<b>Preferences</b>						
Min/Max	min	min	max	max	max	max
Weight	4,00	3,00	2,00	1,00	2,00	2,00
Preference Fn.	V-shape	Help me...	Usual	Usual	Usual	Usual
Thresholds	absolute	absolute	absolute	absolute	absolute	absolute
- Q: Indifference	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
- P: Preference	2,00	2,00	n/a	n/a	n/a	n/a
- S: Gaussian	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
<b>Statistics</b>						
Minimum	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
Maximum	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
Average	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
Standard Dev.	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
<b>Evaluations</b>						
action1	■	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
action2	■	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
action3	■	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a
action4	■	n/a	n/a	n/a	n/a	n/a

Preference Function Assistant

Start | Type selection | **Threshold type** | Threshold assessment | End

Please answer the following question  
When comparing two actions on this criterion,  
Do you feel that this difference is negligible:  
60,00  Yes  No

Suggested type

Linear Usual V-shape U-shape

Click to validate choice.

Selected type  
**V-shape**

Level Linear Gaussian

< Previous Cancel Next >