

Писмени испит из Математике 1, 26. јун 2020.

1 [15] Израчунати  $z = \begin{vmatrix} 2i+1 & 3i-1 & i+1 \\ i-1 & -i & i-1 \\ 1 & i & 1 \end{vmatrix}$  а затим одредити  $\sqrt[3]{8x+8}$ .

2 [15] У зависности од параметра  $a \in \mathbb{R}$  решити систем једначина

$$\begin{aligned} 2x - 2y + z - t &= -1 \\ 5x - 6y + 2z - 7t &= -8 \\ 5x - 4y + 3z + 2t &= 3 \\ -3x + 4y - z + at &= a + 1. \end{aligned}$$

3 [10] Решити матричну једначину  $XA - 2I = A + 3X$  ако је  $I$

јединична матрица и  $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ .

4 [23] Одредити следеће лимесе:

$$(1) [10] \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + \tan^2 x} - 1}{(e^{2x} - 1) \cdot \ln(1 + \arcsin x)}$$

$$(2) [6] \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \sin 2x}{x^3}$$

$$(3) [7] \lim_{n \rightarrow \infty} \left( \frac{n+2}{n+5} \right)^n + \frac{\cos(n!)}{\sqrt[3]{n}}.$$

5 [15] Одредити домен, нуле и знак функције  $f(x) = \sqrt{x^2 - 5x + 4} - x$  као и Маклоренов полином другог степена.

6 [22] Испитати функцију  $f(x) = (x+1) \ln^2(x+1)$  и нацртати њен график.