

**Писмени испит из Математике 3**

12 септембар 2017. године

1. Испитати конвергенцију: а) (5 поена)  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt[3]{(2n + \pi)^e}};$  б) (10 поена)  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{(\sqrt{1 + n^2} - n)^p}.$
2. (20 поена) Развити функцију  $f(x) = \begin{cases} 5x^2, & |x| \leq \frac{\pi}{2} \\ 0, & \frac{\pi}{2} < |x| \leq \pi \end{cases}, f(x + 2\pi) = f(x)$  у Фуријеов ред и испитати где важи добијени развој. Користећи добијени развој израчунати суму  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}.$
3. (20 поена) Тело  $T$  је ограничено површима  $S_1 : z = -\sqrt{x^2 + y^2}$ ,  $S_2 : x^2 - 3y = 0$ ,  $S_3 : x + \sqrt{3}y = 0$  и  $S_4 : z = 0$ . Израчунати запремину тела  $T$  и површину дела површи  $S_1$  који припада телу  $T$ .
4. (20 поена) Израчунати  $\iint_D \frac{x^2}{\sqrt[3]{x^3 + y^3}} dx dy$ , где је  $D : x = 1, y = x, 2y = x$ .
5. (25 поена) Решити једначину  $y'' - 2y' + (2a - a^2)y = (x - 4)e^{2x}.$

**Писмени испит из Математике 3**

12 септембар 2017. године

1. Испитати конвергенцију: а) (5 поена)  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt[3]{(2n + \pi)^e}};$  б) (10 поена)  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{(\sqrt{1 + n^2} - n)^p}.$
2. (20 поена) Развити функцију  $f(x) = \begin{cases} 5x^2, & |x| \leq \frac{\pi}{2} \\ 0, & \frac{\pi}{2} < |x| \leq \pi \end{cases}, f(x + 2\pi) = f(x)$  у Фуријеов ред и испитати где важи добијени развој. Користећи добијени развој израчунати суму  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}.$
3. (20 поена) Тело  $T$  је ограничено површима  $S_1 : z = -\sqrt{x^2 + y^2}$ ,  $S_2 : x^2 - 3y = 0$ ,  $S_3 : x + \sqrt{3}y = 0$  и  $S_4 : z = 0$ . Израчунати запремину тела  $T$  и површину дела површи  $S_1$  који припада телу  $T$ .
4. (20 поена) Израчунати  $\iint_D \frac{x^2}{\sqrt[3]{x^3 + y^3}} dx dy$ , где је  $D : x = 1, y = x, 2y = x$ .
5. (25 поена) Решити једначину  $y'' - 2y' + (2a - a^2)y = (x - 4)e^{2x}.$

**Писмени испит из Математике 3**

12 септембар 2017. године

1. Испитати конвергенцију: а) (5 поена)  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt[3]{(2n + \pi)^e}};$  б) (10 поена)  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{(\sqrt{1 + n^2} - n)^p}.$
2. (20 поена) Развити функцију  $f(x) = \begin{cases} 5x^2, & |x| \leq \frac{\pi}{2} \\ 0, & \frac{\pi}{2} < |x| \leq \pi \end{cases}, f(x + 2\pi) = f(x)$  у Фуријеов ред и испитати где важи добијени развој. Користећи добијени развој израчунати суму  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}.$
3. (20 поена) Тело  $T$  је ограничено површима  $S_1 : z = -\sqrt{x^2 + y^2}$ ,  $S_2 : x^2 - 3y = 0$ ,  $S_3 : x + \sqrt{3}y = 0$  и  $S_4 : z = 0$ . Израчунати запремину тела  $T$  и површину дела површи  $S_1$  који припада телу  $T$ .
4. (20 поена) Израчунати  $\iint_D \frac{x^2}{\sqrt[3]{x^3 + y^3}} dx dy$ , где је  $D : x = 1, y = x, 2y = x$ .
5. (25 поена) Решити једначину  $y'' - 2y' + (2a - a^2)y = (x - 4)e^{2x}.$