



Matematički programski paketi  
u saobraćaju i transportu

Programiranje u Matlabu

Drugi deo - petlje

# Izbegavanje petlji vektorizacijom

- Napraviti 500 x 500 matricu ciji su svi elementi jednaki pi.

```
for i =1:500
    for j =1:500
        A(i,j)=pi;
    end
end
```

# Isti zadatak bez petlji:

`A = pi*ones(500,500);`

- Uporediti vremena potrebna za resenja sa i bez petlji, koristeći naredbu `etime(t0,t1)` ili `tic toc` naredbu. Pogledati `help` za više informacija o ovim naredbama.

# Zadaci:

- Izračunati sumu  $\sum_{k=0}^n \frac{(-1)^k}{2^k} k$  sa for petljom i bez petlje, gde n unosi korisnik.
- Napisati program u skriptu koji odredjuje i ispisuje n-ti Fibonačijev broj, gde n unosi korisnik. Fibonačijevi brojevi su 1,1,2=1+1,3=1+2,5=2+3,...f(n) =f(n-2)+f(n-1)
- Koristeći for petlju napisati program u skriptu koji iscrtava grafike funkcije f(x)=cos(nx) za n = 1,2,3,4,5,6 i  $0 \leq x \leq 2 * \text{Pi}$ .
- Korisnik unosi dva niza x i y. Koristeći for petlju kreirati matricu A čiji elementi su definisani kao  $A_{ij} = x_i y_j$ .

# While petlja

**while** uslovni izraz

grupa Matlabovih komandi

**end**

- Koristi se kada nije unapred poznat broj prolazaka kroz petlju
- Prestaje da prolazi kroz petlju kada uslovni izraz postane netačan
- Pažnja: beskonačna petlja

# Primer while petlje

- Izračunati sumu prvih n prirodnih brojeva manju od unapred date granice limit.

```
suma = 0;
```

```
n = 0;
```

```
while suma <= limit
```

```
n = n + 1;
```

```
suma = suma + n;
```

```
end
```

```
fprintf('suma : %i broj: %i \n', suma, n);
```

# Zadaci:

1. Koristeći Tejlorov polinom funkcije  $\sin(x)$

$$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k x^{2k+1}}{(2k+1)!}$$
 izračunati sa tačnošću od

0.0001 vrednost  $\sin(x)$  gde je  $x$  vrednost ugla u stepenima koji unosi korisnik.

2. Napisati program koji određuje kusur koji kasa za samousluživanje treba da vrati korisniku. Program generiše cenu kao slučajanu celobrojnu veličinu manju od 2000. Zatim mašina pita korisnika kojom novčanicom plaća – i to mora biti jedna novčanica iznosa 2000, 1000, 500, 200, 100,50, 20, 10, 5, 2 ili 1 dinar. Ako je uneta novčanica manja od cene ispisuje se odgovarajuća poruka. Ako je novčanica dovoljna, program izračunava kusur i ispisuje kojim novčanicama se kusur isplaćuje, tako da se upotrebi najmanji mogući broj novčanica.



**zadatak 3.2.2** iz Zbirke iz Planiranja saobraćaja

### **MODELI PROSTORNE RASPODELE KRETANJA**

Data je matrica razmene kretanja u postojećem stanju (Matrica  $t$ ).

Na osnovu modela prosecnog faktora rasta prognozirati buducu razmenu kretanja izmedju zona. Kriterijum  $0.95 < F < 1.05$  neka bude merodavan za broj iteracija

$$t = [0 \ 20 \ 40; 50 \ 0 \ 15; 40 \ 15 \ 0];$$

$t_{ij}$  – postojeći broj kretanja iz  $i$  u  $j$

$t_i, t_j$  – ukupan postojeći broj kretanja iz zone  $i$  i u zonu  $j$

$F_i$  - faktor porasta zone  $i$

$T_i$  - ukupan broj buducih putovanja (dobijem modelom nastajanja kretanja)

U modelu prosecnog faktora porasta je

$T_{ij} = t_{ij} * (F_i + F_j) / 2$  – buduci broj kretanja iz  $i$  u  $j$

$$F_i = T_i / t_i$$

$$T_{vrste} = [90 \ 80 \ 85]; T_{kolone} = [120 \ 55 \ 75];$$

Na naredna dva slajda su slike zadatka i rešenja iz Zbirke. Mi ćemo ga rešiti na dva načina: koristeći petlje i bez petlji.

gde je:

$T_{ij}$  – budući broj kretanja iz  $i$  u  $j$

$t_{ij}$  – postojeći broj kretanja iz  $i$  u  $j$

$F_i$  i  $F_j$  – faktori porasta zone  $i$  i zone  $j$

$T_i$  i  $T_j$  – ukupan prognozirani broj kretanja iz zone  $i$  i u zonu  $j$

$t_i$  i  $t_j$  – ukupan postojeći broj kretanja iz zone  $i$  i u zonu  $j$

U opštem slučaju se dobijene vrednosti za ukupan broj ciljnih i izvornih kretanja po zoni neće poklapati sa vrednostima dobijenim modelom nastajanja kretanja, pa je potrebno model kalibrisati, tj. korigovati faktor porasta.

Ako imamo da je :

$$T_i \neq T_{in} \quad \text{i} \quad T_j \neq T_{jn}$$

prelazimo na sledeći korak, i korigujemo faktore otpora.

$T_{in}$  i  $T_{jn}$  – vrednosti ukupnog broja kretanja iz zone  $i$  i u zonu  $j$

$$F_{in(k+1)} = \frac{T_i}{T_{in}} \quad F_{jn(k+1)} = \frac{T_j}{T_{jn}}$$

Sa novim vrednostima faktora otpora ulazimo u sledeću iteraciju. Postupak se ponavlja dok se ne postigne:

$$T_i = T_{in} \quad T_j = T_{jn}$$



**Zadatak 2:** Data je matrica razmene kretanja u postojećem stanju (Tabela 3.11). Na osnovu metoda prosečnog faktora rasta prognozirati buduću razmenu kretanja između zona. Kriterijum  $0.95 < F < 1.05$ , neka bude merodavan za broj iteracija.

$$T_{ij} = t_{ij} \frac{(F_i + F_j)}{2}$$

$$F_i = \frac{T_i}{t_i}$$

$$F_j = \frac{T_j}{t_j}$$

Tabela 3.11 Matrica razmene kretanja u postojećem stanju

$i \setminus j$	1	2	3	$t_i$	$T_i$	$F_i$
1	0	20	40	60	90	1.5
2	50	0	15	65	80	1.23
3	40	15	0	55	85	1.55
$t_j$	90	35	55	180	255	
$T_j$	120	55	75			
$F_j$	1.33	1.57	1.36			

## ✓ Rešenje

Prva iteracija:

$$F_{in(k+1)} = \frac{T_i}{T_{in}}, \quad F_{jn(k+1)} = \frac{T_j}{T_{jn}}$$

$$20(1.5 + 1.57) / 2$$

Tabela 3.12 Vrednosti dobijene posle prve iteracije

$i \setminus j$	1	2	3	$t_i$	$T_{in}$	$F_{in}$
1	0	31	57	88	90	1.02
2	64	0	19	83	80	0.96
3	58	23	0	81	85	1.05
$t_j$	122	54	76	252	255	
$T_{jn}$	120	55	75			
$F_{jn}$	0.98	1.02	0.99			

Imamo vrednost faktora porasta od 1.05, tako da ulazimo u novu iteraciju  
Druga iteracija:

Tabela 3.13 Vrednosti dobijene posle druge iteracije

$i \setminus j$	1	2	3	$t_i$	$T_{in}$	$F_{in}$
1	0	31	57	88	90	1.02
2	62	0	18	80	80	1
3	59	24	0	83	85	1.02
$t_j$	121	55	75	251	255	
$T_{jn}$	120	55	75			
$F_{jn}$	0.99	1	1			

$$0.95 < F < 1.05$$

## 32.1.3 Fratar model

Osnovne dve pretpostavke na kojima se bazira ovaj model su:

- transportni tokovi su u proporciji sa

# Domaći zadatak

- Rešiti po izboru jedan od zadataka 3,4,5,6 iz Poglavlja 3 iz Zbirke zadataka iz Planiranja saobraćaja i poslati mi rešenje na mejl. Zadatke podelite po dogovoru, nemojte svi raditi isti zadatak.